

**Додаток 2**

**НАЦІОНАЛЬНИЙ УНІВЕРСИТЕТ БІОРЕСУРСІВ  
І ПРИРОДОКОРИСТУВАННЯ УКРАЇНИ**  
Кафедра вищої та прикладної математики

**ЗАТВЕРДЖЕНО**  
Механіко-технологічний факультет  
10 червня 2025 р.

**РОБОЧА ПРОГРАМА  
НАВЧАЛЬНОЇ ДИСЦИПЛІНИ  
Вища математика**

Галузь знань: І «Транспорт і послуги»  
Спеціальність: І 8 «Автомобільний транспорт»  
Освітня програма «Автомобільний транспорт»  
Механіко-технологічний факультет  
Розробники: доцент, канд. фіз.-мат. наук, доцент, Тамара ЦЮПІЙ  
(посада, науковий ступінь, вчене звання)

Київ – 2025 р.

## **Опис навчальної дисципліни**

Дисципліна «Вища математика» є важливою складовою теоретичної підготовки майбутніх фахівців. Вона дозволить студентам: оволодіти основними методами дослідження і розв'язку математичних задач, навчитись самостійно поглиблювати свої математичні знання та проводити математичний аналіз прикладних задач, здобути теоретичні та практичні навички, необхідні для розв'язання складних спеціалізованих задач та вирішення практичних проблем у галузі автомобільного транспорту.

| <b>Галузь знань, спеціальність, освітня програма, освітній ступінь</b>                      |   |                                       |
|---|---|---------------------------------------|
| Галузь знань  | J «Транспорт і послуги»                 |                                       |
| Освітній ступінь  | Бакалавр                                |                                       |
| Спеціальність   | J 8 «Автомобільний транспорт»           |                                       |
| Освітня програма  | ОПП «Автомобільний транспорт »          |                                       |
| <b>Характеристика навчальної дисципліни</b>   |   |                                       |
| Вид   | Обов'язкова                             |                                       |
| Загальна кількість годин  | 120                                     |                                       |
| Кількість кредитів ECTS   | 4                                       |                                       |
| Кількість змістових модулів   | 5                                       |                                       |
| Курсовий проект (робота)<br>(якщо є в навчальному плані)                                    | –                                       |                                       |
| Форма контролю  | Екзамен                                 |                                       |
| <b>Показники навчальної дисципліни<br/>для денної та заочної форм здобуття вищої освіти</b> |   |                                       |
|   | Денна форма<br>здобуття вищої<br>освіти | Заочна форма<br>здобуття вищої освіти |
| Курс (рік підготовки)   | I (2025)                                | I (2025–2026)                         |
| Семестр   | 1                                       | 1-2                                   |
| Лекційні заняття  | 30 год.                                 | 12 год.                               |
| Практичні, семінарські заняття  | 30 год.                                 | 12 год.                               |
| Лабораторні заняття   |   |                                       |
| Самостійна робота   | 60 год.                                 | 96 год.                               |
| Кількість тижневих аудиторних<br>годин для денної форми здобуття<br>вищої освіти            | 4 год. (І семестр)                      |                                       |

## **1. Мета, компетентності та програмні результати навчальної дисципліни**

**Мета.** Дисципліна «Вища математика» є частиною теоретичної підготовки, без якої неможливе вивчення дисциплін професійного спрямування.

Вивчення дисципліни «Вища математика» ставить за мету виховання у студентів прикладної математичної культури, формування здатності до логічного мислення, що стимулює розвиток інтелекту і здібностей студентів.

**Набуття компетентностей:**

**інтегральна компетентність (ІК):**

Здатність розв'язувати складні спеціалізовані задачі та практичні проблеми у сфері автомобільного транспорту або у процесі навчання, що передбачає застосування певних теорій та методів технічних наук, економіки та управління і характеризується комплексністю та невизначеністю умов.

**загальні компетентності (ЗК):**

ЗК 2. Здатність застосовувати знання у практичних ситуаціях.

ЗК 6. Здатність використовувати інформаційні та комунікаційні технології.

ЗК 8. Здатність спілкуватися з представниками інших професійних груп різного рівня (з експертами з інших галузей знань/видів економічної діяльності).

ЗК 9. Здатність працювати автономно.

ЗК 10. Здатність до адаптації та дій в новій ситуації..

**спеціальні (фахові) компетентності (СК):**

**ФК 2.** Здатність використовувати у професійній діяльності знання з основ конструкції, експлуатаційних властивостей, робочих процесів і основ розрахунку автомобільних транспортних засобів.

**Програмні результати навчання (ПРН):**

**ПРН 4.** Відшуковувати необхідну інформацію в науково-технічній літературі, базах даних та інших джерелах; аналізувати та оцінювати цю інформацію.

**ПРН 10.** Планувати та здійснювати вимірювальні експерименти з використанням відповідного обладнання, аналізувати їх результати.

**ПРН 18.** Розробляти технології виробничих процесів на усіх етапах життєвого циклу об'єктів автомобільного транспорту

**ПРН 24.** Застосовувати математичні та статистичні методи для побудови і дослідження моделей об'єктів і процесів автомобільного транспорту, розрахунку їх характеристик, прогнозування та розв'язання інших складних задач автомобільного транспорту.

## 2. Програма та структура навчальної дисципліни:

| Назви змістових модулів і тем  | Кількість годин |        |        |        |      |      |      |              |        |        |      |      |      |    |
|--|-----------------|--------|--------|--------|------|------|------|--------------|--------|--------|------|------|------|----|
|  | дenna форма     |        |        |        |      |      |      | Заочна форма |        |        |      |      |      |    |
|  | тижні           | усього | лекцій | практ. | лаб. | інд. | с.р. | усього       | лекцій | практ. | лаб. | інд. | с.р. |    |
| 1  | 2               | 3      | 4      | 5      | 6    | 7    | 8    | 9            | 10     | 11     | 12   | 13   | 14   |    |
| <b>1 семестр</b>   |                 |        |        |        |      |      |      |              |        |        |      |      |      |    |
| <b>Змістовий модуль 1. Елементи лінійної та векторної алгебри. Елементи аналітичної геометрії.</b>                           |                 |        |        |        |      |      |      |              |        |        |      |      |      |    |
| Тема 1. Визначники, матриці, системи.  | 1               | 6      | 2      | 2      |      |      | 2    | 5            |        |        |      |      |      | 5  |
| Тема 2. Вектори. Скалярний, векторний, мішаний добутки векторів.<br>Базис. Розклад вектора за базисом.                       | 2               | 6      | 2      | 2      |      |      | 2    | 7            |        | 1      |      |      |      | 6  |
| Тема 3. Системи координат на площині та в просторі. Пряма на площині. Площина і пряма у просторі.                            | 3               | 6      | 2      | 2      |      |      | 2    | 7            | 1      |        |      |      |      | 6  |
| Тема 4. Криві другого порядку. Поверхні другого порядку (самостійно).  | 4               | 4      | 1      | 1      |      |      | 2    | 6            |        | 1      |      |      |      | 5  |
| Разом за змістовим модулем 1   |                 | 22     | 7      | 7      |      |      | 8    | 25           | 1      | 2      |      |      |      | 22 |
| <b>Змістовий модуль 2. Вступ до математичного аналізу. Диференціальнечислення функції однієї змінної</b>                     |                 |        |        |        |      |      |      |              |        |        |      |      |      |    |
| Тема 1. Функція. Границя функції. Неперервність функцій.   | 4-5             | 7      | 2      | 2      |      |      | 3    | 7            |        |        |      |      |      | 7  |
| Тема 2. Похідна і диференціал функції однієї змінної.  | 5-6             | 7      | 2      | 2      |      |      | 3    | 7            |        |        |      |      |      | 7  |
| Тема 3. Застосування похідної до обчислення границь (правило Лопітала). Повне дослідження функції. Побудова графіка функції. | 6-7             | 7      | 2      | 2      |      |      | 3    | 9            | 1      | 1      |      |      |      | 7  |
| Разом за змістовим модулем 2   |                 | 21     | 6      | 6      |      |      | 9    | 23           | 1      | 1      |      |      |      | 21 |
| <b>Змістовий модуль 3. Інтегральнечислення функції однієї змінної</b>  |                 |        |        |        |      |      |      |              |        |        |      |      |      |    |
| Тема 1. Комплексні числа.  | 7               | 5      | 1      | 1      |      |      | 3    | 7            |        |        |      |      |      | 7  |
| Тема 2. Невизначений інтеграл. Методи інтегрування.  | 8               | 8      | 2      | 2      |      |      | 4    | 9            | 1      | 1      |      |      |      | 7  |
| Тема 3. Визначений інтеграл. Геометричні та фізичні застосування визначеного інтеграла.<br>Невласні інтеграли.               | 9               | 8      | 2      | 2      |      |      | 4    | 8            |        |        |      |      |      | 7  |
| Разом за змістовим модулем 3   |                 | 21     | 5      | 5      |      |      | 11   | 23           | 1      | 1      |      |      |      | 21 |
| <b>Змістовий модуль 4. Диференціальне та інтегральнечислення функцій багатьох змінних</b>                                    |                 |        |        |        |      |      |      |              |        |        |      |      |      |    |
| Тема 1. Поняття функції багатьох змінних. Частинні похідні. Повний диференціал.  | 10              | 5      | 1      | 1      |      |      | 3    | 6            |        | 1      |      |      |      | 5  |

|  |    |    |   |   |  |  |    |    |  |   |  |    |
|--|----|----|---|---|--|--|----|----|--|---|--|----|
| Похідні та диференціали вищих порядків.  |    |    |   |   |  |  |    |    |  |   |  |    |
| Тема 2. Екстремум функції двох змінних. Найбільше і найменше значення функції в замкненій множині.<br>Похідна за напрямком.<br>Градієнт функції. | 10 | 6  | 1 | 1 |  |  | 4  | 7  |  | 1 |  | 6  |
| Тема 3. Подвійний інтеграл та його застосування. Потрійний інтеграл та його застосування.  | 11 | 6  | 1 | 1 |  |  | 4  | 6  |  |   |  | 6  |
| Тема 4. Криволінійні інтеграли I та II роду та їх застосування   | 11 | 6  | 1 | 1 |  |  | 4  | 5  |  |   |  | 5  |
| Разом за змістовим модулем 4   |    | 23 | 4 | 4 |  |  | 15 | 24 |  | 2 |  | 22 |

### Змістовий модуль 5. Диференціальні рівняння. Ряди.

|  |    |            |           |           |  |  |           |            |          |          |  |    |
|--|----|------------|-----------|-----------|--|--|-----------|------------|----------|----------|--|----|
| Тема 1. Диференціальні рівняння першого порядку.   | 12 | 8          | 2         | 2         |  |  | 4         | 7          |          | 1        |  | 6  |
| Тема 2. Лінійні диференціальні рівняння 2го порядку зі сталими коефіцієнтами.<br>Системи диференціальних рівнянь   | 13 | 8          | 2         | 2         |  |  | 4         | 5          |          |          |  | 5  |
| Тема 3. Числові ряди.<br>Знакозмінні ряди, абсолютна та умовна збіжність.<br>Знакопочережні ряди, ознака Лейбніца. | 14 | 8          | 2         | 2         |  |  | 4         | 7          |          | 1        |  | 6  |
| Тема 4. Функціональні ряди.<br>Степеневі ряди. Ряди Фур'є.<br>(самостійно)   | 15 | 9          | 2         | 2         |  |  | 5         | 6          | 1        |          |  | 5  |
| Разом за змістовим модулем 5   |    | 33         | 8         | 8         |  |  | 17        | 25         | 1        | 2        |  | 22 |
| <b>Разом за I семестр</b>  |    | <b>120</b> | <b>30</b> | <b>30</b> |  |  | <b>60</b> | <b>120</b> | <b>4</b> | <b>8</b> |  |    |

### 3. Теми лекцій.

| №<br>з/п | Назва теми   | Кількість<br>Годин |
|----------|--|--------------------|
|          | <b>Змістовний модуль 1. Елементи лінійної та векторної алгебри.</b><br><b>Елементи аналітичної геометрії</b>       |                    |
| 1        | Тема 1. Визначники, матриці, системи.  | 2                  |
| 2        | Тема 2. Вектори. Скалярний, векторний, мішаний добутки векторів.<br>Базис. Розклад вектора за базисом.             | 2                  |
| 3        | Тема 3. Системи координат на площині та в просторі.<br>Пряма на площині. Площина і пряма у просторі.               | 2                  |
| 4        | Тема 4. Криві другого порядку. Поверхні другого порядку.   | 1                  |
|          | <b>Змістовий модуль 2. Вступ до математичного аналізу.</b><br><b>Диференціальнечислення функції однієї змінної</b> |                    |

|    |  |    |
|----|--|----|
| 5  | Тема 1. Функція. Границя функції. Неперервність функцій.   | 2  |
| 6  | Тема 2. Похідна і диференціал функції однієї змінної.  | 2  |
| 7  | Тема 3. Застосування похідної до обчислення границь (правило Лопітала). Повне дослідження функції. Побудова графіка функцій.                     | 2  |
|    | <b>Змістовий модуль 3. Інтегральне числення функції однієї змінної.</b>  |    |
| 8  | Тема 1. Комплексні числа.  | 1  |
| 9  | Тема 2. Невизначений інтеграл. Методи інтегрування.  | 2  |
| 10 | Тема 3. Визначений інтеграл. Геометричні та фізичні застосування визначеного інтеграла.  | 2  |
|    | <b>Змістовий модуль 4. Диференціальне та інтегральне числення функцій багатьох змінних.</b>  |    |
| 11 | Тема 1. Поняття функції багатьох змінних. Частинні похідні. Повний диференціал. Похідні та диференціали вищих порядків.                          | 1  |
| 12 | Тема 2. Екстремум функції двох змінних. Найбільше і найменше значення функції в замкненій множині.<br>Похідна за напрямком.<br>Градієнт функції. | 1  |
| 13 | Тема 3. Подвійний інтеграл та його застосування.<br>Потрійний інтеграл та його застосування.   | 1  |
| 14 | Тема 4. Криволінійні інтеграли I та II роду та їх застосування   | 1  |
|    | <b>Змістовий модуль 5. Диференціальні рівняння. Ряди.</b>  |    |
| 15 | <b>Тема 1.</b> Диференціальні рівняння першого порядку.  | 2  |
| 16 | <b>Тема 2.</b> Лінійні диференціальні рівняння 2го порядку зі сталими коефіцієнтами. Системи диференціальних рівнянь                             | 2  |
| 17 | <b>Тема 3.</b> Числові ряди. Знакозмінні ряди, абсолютна та умовна збіжність. Знакопочережні ряди, ознака Лейбніца.                              | 2  |
| 18 | <b>Тема 4.</b> Функціональні ряди. Степеневі ряди. Ряди Фур'є.   | 2  |
|    | <b>Всього за I семестр</b>   | 30 |

#### 4. Теми практичних занять.

| №<br>з/п | <b>I модуль. Елементи лінійної та векторної алгебри. Елементи аналітичної геометрії</b>   |   |
|----------|---|---|
| 1        | Обчислення визначників. Дії над матрицями. Обернена матриця. Розв'язування систем лінійних рівнянь методом Крамера, методом Гаусса, методом оберненої матриці.      | 2 |
| 2        | Лінійні операції над векторами. Скалярний добуток векторів. Векторний, мішаний добутки векторів та їх застосування.   | 2 |
| 3        | Рівняння прямої на площині. Взаємне розташування прямих. Кут між прямими. Рівняння прямої і площини у просторі. Взаємне розташування площин і прямих. Криві другого | 2 |

|    |   |    |
|----|---|----|
|    | порядку. Зведення рівнянь кривих 2-го порядку до канонічного виду.  |    |
|    | <b>ІІ модуль. Вступ до математичного аналізу.<br/>Диференціальнечислення функції однієї змінної</b>   |    |
| 4  | Обчислення границь функцій. Дослідження функцій на неперервність.   | 2  |
| 5  | Обчислення похідних функцій. Диференціювання неявних та параметрично заданих функцій. Логарифмічна похідна. Диференціал функції однієї змінної.   | 2  |
| 6  | Правило Лопітала. Розкриття невизначеностей. Монотонність функцій, екстремум функцій. Найбільше і найменше значення функції на відрізку.  | 2  |
|    | <b>ІІІ модуль. Інтегральне числення функції однієї змінної</b>  |    |
|    | Дії над комплексними числами.   | 2  |
|    | Методи обчислення невизначених інтегралів (безпосереднє інтегрування, метод заміни змінної, метод інтегрування частинами). Інтегрування раціональних дробів. Інтегрування тригонометричних виразів.                     | 2  |
|    | Обчислення визначених інтегралів. Геометричні та фізичні застосування визначеного інтеграла.  | 2  |
|    | <b>ІV модуль. Диференціальне та інтегральне числення функцій багатьох змінних</b>   |    |
| 10 | Область визначення функції багатьох змінних. Границя і неперервність. Частинні похідні. Повний диференціал.   | 2  |
| 11 | Знаходження екстремумів функції двох змінних та найбільшого і найменшого значень функції в замкненій області.   | 2  |
| 12 | Обчислення подвійних і потрійних інтегралів. Застосування.  | 2  |
|    | <b>V модуль. Диференціальні рівняння. Ряди.</b>   |    |
| 13 | Диференціальні рівняння першого порядку (з відокремлюваними змінними, однорідні, лінійні, рівняння Бернуллі).   | 2  |
| 14 | Розв'язання лінійних диференціальних рівнянь другого порядку зі сталими коефіцієнтами. Розв'язання систем диференціальних рівнянь.  | 2  |
| 15 | Дослідження на збіжність знакододатних числових рядів. Дослідження на абсолютно та умовну збіжність знакозмінних рядів. Ознака Лейбніца. Знаходження області збіжності степеневого ряду. Застосування степеневих рядів. | 2  |
|    | <b>Всього за I семестр</b>  | 60 |

## 5. Теми самостійної роботи

| №<br>з/п | Назва теми                               | Кількість<br>Годин |
|----------|--|--------------------|
| 1        | Ранг матриці та методи його знаходження. | 4                  |

|                            |   |           |
|----------------------------|---|-----------|
| 2                          | Базис. Розклад вектора за базисом.  | 4         |
| 3                          | Системи координат на площині та в просторі.   | 4         |
| 4                          | Неперервність функцій. Точки розриву.   | 4         |
| 5                          | Похідні і диференціали вищих порядків.  | 4         |
| 6                          | Опуклість, вгнутість. Точки перегину.   | 4         |
| 7                          | Застосування комплексних чисел до розв'язання алгебраїчних рівнянь.                                   | 4         |
| 8                          | Інтегрування виразів, що містять ірраціональності.  | 4         |
| 9                          | Невласні інтеграли I та II роду.  | 4         |
| 10                         | Похідні та диференціали вищих порядків.   | 4         |
| 11                         | Градієнт функції.   | 4         |
| 12                         | Криволінійні інтеграли I та II роду та їх застосування.   | 4         |
| 13                         | Диференціальні рівняння, вищих порядків, що допускають пониження порядку.                             | 4         |
| 14                         | Лінійні диференціальні рівняння 2-го порядку зі сталими коефіцієнтами зі спеціальною правою частиною. | 4         |
| 15                         | Функціональні ряди. Степеневі ряди. Ряди Фур'є.   | 4         |
| <b>Всього за I семестр</b> |   | <b>60</b> |

## 6. Методи та засоби діагностики результатів навчання:

(вибрать необхідне чи доповнити)

- екзамен;
  - усне та письмове опитування;
  - співбесіда;
  - тестування;
  - модульне тестування;
  - реферати, есе;
  - захист лабораторних та практичних робіт;
  - презентації та виступи на наукових заходах.
- презентації та виступи на наукових заходах.

## 7. Методи навчання (вибрать необхідне чи доповнити):

- метод проблемного навчання;
- метод практико-орієнтованого навчання;
- метод проектного навчання;
- метод змішаного навчання;
- метод навчання через дослідження;
- метод навчальних дискусій та дебатів;
- метод командної роботи, мозкового штурму.

## 8. Оцінювання результатів навчання.

Оцінювання знань здобувача вищої освіти відбувається за 100-балльною шкалою і переводиться в національну оцінку згідно чинного «Положення про екзамени та заліки у НУБіП України»

## 8.1. Розподіл балів за видами навчальної діяльності

| Вид навчальної діяльності  | Результати навчання   | Оцінювання |
|--|---|------------|
| <b>Модуль 1. Елементи лінійної та векторної алгебри.</b><br><b>Елементи аналітичної геометрії</b>  |   |            |
| Практична робота 1. Обчислення визначників. Дії над матрицями. Обернена матриця. Розв'язування систем лінійних рівнянь методом Крамера, методом Гауса, методом оберненої матриці.  | ПРН 4, ПРН 10, ПРН 18, ПРН 24.<br>Знати: означення та властивості визначників, матриць, систем з метою використання у професійній діяльності<br>Вміти: розв'язувати системи лінійних рівнянь різними методами, використовуючи поняття визначника і матриці.   | <b>20</b>  |
| Практична робота 2. Лінійні операції над векторами. Скалярний добуток векторів. Векторний, мішаний добутки векторів та їх застосування.  | ПРН 4, ПРН 10, ПРН 18, ПРН 24.<br>Знати: означення вектора, вміти розрізняти різні типи векторів (вільні, ковзні) .Розуміти означення колінеарності двох та компланарності. Вміти: виконувати лінійні операції, знаходити скалярний, векторний і мішаний добуток векторів та застосовувати їх до розв'язання інженерних задач.                              | <b>20</b>  |
| Практична робота 3. Рівняння прямої на площині. Взаємне розташування прямих. Кут між прямими. Рівняння прямої і площини у просторі. Взаємне розташування площин і прямих. Криві другого порядку. Зведення рівнянь кривих 2-го порядку до канонічного виду. | ПРН 4, ПРН 10, ПРН 18, ПРН 24.<br>Знати: різні види рівнянь прямої на площині і у просторі, та рівняння площин. Володіти; поняттям про криві другого порядку.<br>Вміти : застосовувати різні рівняння прямої на площині і у просторі та рівняння площини до розв'язування прикладних задач; також зводити рівняння кривих 2-го порядку до канонічного виду. | <b>20</b>  |
| Самостійна робота 1. Ранг матриці та методи його знаходження.  | ПРН 4, ПРН 10, ПРН 18, ПРН 24.<br>Знати: означення і методи знаходження ранга матриці.<br>Вміти знаходити ранг матриці різними методами (методом обвідних мінорів, елементарних   | <b>3</b>   |

|   |  |            |
|---|--|------------|
|   | перетворень,<br>комбінованим.  |            |
| Самостійна робота 2. Базис. Розклад вектора за базисом.   | ПРН 4, ПРН 10, ПРН 18, ПРН 24.<br>Знати: означення лінійної комбінації, векторів; лінійної залежності і незалежності системи векторів; базиса на прямій і на площині.<br>Вміти: розкладати вектор за базисом.  | 3          |
| Самостійна робота 3. Системи координат на площині та в просторі.  | ПРН 4, ПРН 10, ПРН 18, ПРН 24.<br>Знати: означення декартової, прямоокутної декартової, полярної, циліндричної та сферичної систем координат;<br>основні задачі прямоокутної декартової системи координат.<br>Вміти: користуватись різними системами координат на площині та в просторі.<br>Вміти: користуватись різними системами координат на площині та в просторі. | 4          |
| Модульна контрольна робота 1.   |  | 30         |
| <b>Всього за модулем 1</b>  |  | <b>100</b> |
| <b>Модуль 2. Вступ до математичного аналізу. Диференціальнечислення функції однієї змінної</b>  |  |            |
| Практична робота 4. Обчислення границь функції. Дослідження функції на неперервність.   | ПРН 4, ПРН 10, ПРН 18, ПРН 24.<br>Знати: основні поняття про функцію, способи її задання, означення границі функції та неперервності; методи обчислення границь.<br>Вміти: обчислювати границі функції та досліджувати функції на неперервність.   | 20         |
| Практична робота 5. Обчислення похідних функцій. Диференціювання неявних та параметрично заданих функцій. Логарифмічна похідна. Диференціал функції однієї змінної. | ПРН 4, ПРН 10, ПРН 18, ПРН 24.<br>Знати: означення похідної і диференціала функції однієї змінної; правила диференціювання; таблицю похідних, властивості диференціала.<br>Вміти: обчислювати похідні і диференціали функції однієї змінної;   | 20         |

|  |   |            |
|--|---|------------|
|  | похідні складених, неявних та параметрично заданих функцій, а також знаходити логарифмічні похідні.   |            |
| Практична робота 6. Правило Лопіталя. Розкриття невизначеностей. Монотонність функції, екстремум функції. Найбільше і найменше значення функції на відрізку. | ПРН 4, ПРН 10, ПРН 18, ПРН 24.<br>Знати, в чому полягає правило Лопіталя, та схему повного дослідження функції.<br>Вміти обчислювати границі функцій за допомогою правила Лопіталя; проводити повне дослідження функцій та будувати їх графіки. | <b>20</b>  |
| Самостійна робота 4. Неперервність функцій. Точки розриву.   | ПРН 4, ПРН 10, ПРН 18, ПРН 24.<br>Знати: різні означення неперервності функції.<br>Вміти: досліджувати функцію на неперервність, проводити класифікацію точок розриву.  | <b>3</b>   |
| Самостійна робота 5. Похідні і диференціали вищих порядків.  | ПРН 4, ПРН 10, ПРН 18, ПРН 24.<br>Знати: означення похідних і диференціалів вищих порядків.<br>Вміти: обчислювати похідні і диференціали вищих порядків; використовувати диференціали в наближених обчисленнях..                                | <b>4</b>   |
| Самостійна робота 6. Опуклість, вгнутість. Точки перегину.   | ПРН 4, ПРН 10, ПРН 18, ПРН 24.<br>Знати: означення, необхідні і достатні умови існування точки перегину.<br>Вміти: досліджувати функцію на опуклість та вгнутість та знаходити точки перегину.  | <b>3</b>   |
| Модульна контрольна робота 2.  |   | <b>30</b>  |
| <b>Всього за модулем 2</b>   |   | <b>100</b> |
| <b>Модуль 3. Інтегральнечислення функції однієї змінної</b>  |   |            |
| Практична робота 7. Дії над комплексними числами.  | ПРН 4, ПРН 10, ПРН 18, ПРН 24.<br>Знати: означення та властивості комплексного числа. Вміти: зображувати комплексні числа; виконувати дії з комплексними числами,   | <b>20</b>  |

|   |  |            |
|---|--|------------|
|   | поданими в різних формах (алгебраїчній, тригонометричній, показниковій).   |            |
| Практична робота 8. Методи обчислення невизначених інтегралів (безпосереднє інтегрування, метод заміни змінної, метод інтегрування частинами). Інтегрування раціональних дробів. Інтегрування тригонометричних виразів. | ПРН 4, ПРН 10, ПРН 18, ПРН 24.<br>Знати: означення первісної та невизначеного інтеграла, таблицю інтегралів; властивості та методи інтегрування.<br>Вміти: знаходити невизначені інтеграли (безпосередньо, методом заміни змінної, методом інтегрування частинами), а також вміти інтегрувати раціональні дроби та тригонометричні вирази. | <b>20</b>  |
| Практична робота 9. Обчислення визначених інтегралів. Геометричні та фізичні застосування визначеного інтеграла.  | ПРН 4, ПРН 10, ПРН 18, ПРН 24.<br>Знати: означення і властивості визначеного інтеграла, його геометричні та фізичні застосування, формулу Ньютона-Лейбніца.<br>Вміти: обчислювати визначені інтеграли; застосовувати їх при розв'язанні інженерних задач.  | <b>20</b>  |
| Самостійна робота 7. Застосування комплексних чисел до розв'язання алгебраїчних рівнянь.  | ПРН 4, ПРН 10, ПРН 18, ПРН 24.<br>Знати: означення та властивості комплексного числа.<br>Вміти: застосовувати комплексні числа до розв'язання алгебраїчних рівнянь.  | <b>3</b>   |
| Самостійна робота 8. Інтегрування виразів, що містять ірраціональності.   | ПРН 4, ПРН 10, ПРН 18, ПРН 24.<br>Знати: основні методи інтегрування виразів, що містять ірраціональності.<br>Вміти: інтегрувати вирази, що містять ірраціональності.  | <b>4</b>   |
| Самостійна робота 9. Невласні інтеграли I та II роду.   | ПРН 4, ПРН 10, ПРН 18, ПРН 24.<br>Знати: означення і властивості невласних інтегралів I та II роду.<br>Вміти: їх знаходити.  | <b>3</b>   |
| Модульна контрольна робота 3.   |  | <b>30</b>  |
| <b>Всього за модулем 3</b>  |  | <b>100</b> |
| <b>Модуль 4. Диференціальне та інтегральне числення функцій багатьох змінних</b>  |  |            |
| Практична робота 10. Область визначення   | ПРН 4, ПРН 10, ПРН 18, ПРН 24.   | <b>20</b>  |

|   |  |           |
|---|--|-----------|
| функції багатьох змінних. Границя і неперервність. Частинні похідні. Повний диференціал.  | Знати означення функції багатьох змінних, області її визначення, границі і неперервності, означення частинних похідних та частинних диференціалів першого порядку, повного диференціала; фізичний та геометричний зміст частинних похідних і диференціалів, а також способи їх знаходження. Вміти: знаходити область визначення функції двох змінних та їх границі; а також досліджувати ці функції на неперервність; знаходити частинні похідні та частинні диференціали першого порядку, повні диференціали. |           |
| Практична робота 11. Знаходження екстремума функції двох змінних та найбільшого і найменшого значень функції в замкненій області. | ПРН 4, ПРН 10, ПРН 18, ПРН 24.<br>Знати: методи знаходження екстремумів функції двох змінних та найбільшого і найменшого значення функції в замкненій множині, а також похідної за напрямком.<br>Вміти: знаходити екстремуми функції двох змінних та найбільше і найменше значення функції в замкненій множині.  | <b>20</b> |
| Практична робота 12. Обчислення подвійних і потрійних інтегралів. Застосування.   | ПРН 4, ПРН 10, ПРН 18, ПРН 24.<br>Знати означення та властивості подвійного та потрійного інтегралів, способи їх обчислення. Вміти: застосовувати подвійні та потрійні інтеграли до розв'язування складних інженерно-технічних задач, пов'язаних із функціонуванням сільськогосподарської техніки.   | <b>20</b> |
| Самостійна робота 10. Похідні та диференціали вищих порядків.   | ПРН 4, ПРН 10, ПРН 18, ПРН 24.<br>Знати: означення похідних та диференціалів вищих порядків.<br>Вміти знаходити похідні та диференціали вищих  | <b>3</b>  |

|   |   |            |
|---|---|------------|
|   | порядків.   |            |
| Самостійна робота 11. Градієнт функції.   | <p>ПРН 4, ПРН 10, ПРН 18, ПРН 24.</p> <p>Знати: означення та властивості градієнта функції.</p> <p>Вміти знаходити градієнт функції.</p>  | <b>3</b>   |
| Самостійна робота 12. Криволінійні інтеграли I та II роду та їх застосування  | <p>ПРН 4, ПРН 10, ПРН 18, ПРН 24.</p> <p>Знати означення та властивості криволінійних інтегралів I та II роду.</p> <p>Вміти: обчислювати криволінійні інтеграли I та II роду та застосовувати їх до розв'язання інженерних задач.</p>   | <b>4</b>   |
| Модульна контрольна робота 4.   |   | <b>30</b>  |
| <b>Всього за модулем 4</b>  |   | <b>100</b> |
| <b>Модуль 5. Диференціальні рівняння. Ряди.</b>   |   |            |
| Практична робота 13. Диференціальні рівняння першого порядку (з відокремлюваними змінними, однорідні, лінійні, рівняння Бернуллі).                      | <p>ПРН 4, ПРН 10, ПРН 18, ПРН 24.</p> <p>Володіти основними поняттями про диференціальні рівняння першого порядку (з відокремлюваними змінними, однорідні, лінійні, рівняння Бернуллі). Знати: методи розв'язання цих рівнянь.</p> <p>Вміти розв'язувати диференціальні рівняння першого порядку (з відокремлюваними змінними, однорідні, лінійні, рівняння Бернуллі); диференціальні рівняння вищих порядків, що допускають пониження порядку.</p> | <b>20</b>  |
| Практична робота 14. Розв'язання лінійних диференціальних рівнянь другого порядку зі сталими коефіцієнтами. Розв'язання систем диференціальних рівнянь. | <p>ПРН 4, ПРН 10, ПРН 18, ПРН 24.</p> <p>Володіти основними поняттями про лінійні диференціальні рівняння 2го порядку зі сталими коефіцієнтами; системи диференціальних рівнянь.</p> <p>Знати: методи розв'язання лінійних диференціальних рівняння 2го порядку зі сталими коефіцієнтами; систем диференціальних рівнянь.</p> <p>Вміти: розв'язувати лінійні диференціальні рівняння другого порядку зі</p>   | <b>20</b>  |

|  |   |    |
|--|---|----|
|  | сталими коефіцієнтами; розв'язанувати системи диференціальних рівнянь   |    |
| Практична робота 15. Дослідження на збіжність знакододатних числових рядів. Дослідження на абсолютну та умовну збіжність знакозмінних рядів. Ознака Лейбніца. Знаходження області збіжності степеневого ряду. Застосування степеневих рядів. | ПРН 4, ПРН 10, ПРН 18, ПРН 24.<br>Знати: означення числових та знакозмінних рядів; необхідну та достатні ознаки збіжності рядів з додатними членами, ознаку Лейбніца.<br>Вміти: досліджувати на збіжність знакододатні числові ряди; досліджувати на абсолютну та умовну збіжність знакозмінні ряди; користуватись Ознакою Лейбніца. Знаходити: області збіжності степеневих рядів; застосовувати степеневі ряди до наближених обчислень. | 20 |
| Самостійна робота 13. Диференціальні рівняння вищих порядків, що допускають пониження порядку.   | ПРН 4, ПРН 10, ПРН 18, ПРН 24.<br>Знати: методи розв'язання диференціальних рівнянь вищих порядків, що допускають пониження порядку.<br>Вміти: розв'язувати диференціальні рівняння вищих порядків, що допускають пониження порядку.  | 3  |
| Самостійна робота 14. Розв'язання лінійних диференціальних рівнянь другого порядку зі сталими коефіцієнтами зі спеціальною правою частиною.  | ПРН 4, ПРН 10, ПРН 18, ПРН 24.<br>Знати: методи розв'язання лінійних неоднорідних диференціальних рівнянь другого порядку із сталими коефіцієнтами із спеціальною правою частиною.<br>Вміти: розв'язувати лінійні диференціальні рівняння другого порядку зі сталими коефіцієнтами зі спеціальною правою частиною.  | 3  |
| Самостійна робота 15. Функціональні ряди. Степеневі ряди. Ряди Фур'є.  | ПРН 4, ПРН 10, ПРН 18, ПРН 24.<br>Знати означення і властивості функціональних та степеневих рядів.<br>Вміти: досліджувати на збіжність функціональні   | 4  |

|  |   |            |
|--|---|------------|
|  | та степеневі ряди; розкладати функції в ряди Фур'є. |            |
| Модульна контрольна робота 5.            |   | <b>30</b>  |
| <b>Всього за модулем 5</b>               |   | <b>100</b> |
| <b>Навчальна робота</b>                  | <b>(M1 + M2+ M3+ M4+ M5)/5*0,7 ≤ 70</b>             |            |
| <b>Екзамен/залік</b>                     |   | <b>30</b>  |
| <b>Всього за курс</b>                    | <b>(Навчальна робота + екзамен) ≤ 100</b>           |            |
| Курсовий проект/робота<br>(за наявності) |   | 100        |

## 8.2. Шкала оцінювання знань здобувача вищої освіти

| Рейтинг здобувача вищої освіти, бали | Оцінка за національною системою<br>(екзамени/заліки) |
|--------------------------------------|--|
| 90-100                               | Відмінно   |
| 74-89                                | Добре  |
| 60-73                                | Задовільно   |
| 0-59                                 | Незадовільно   |

## 8.3. Політика оцінювання

|   |   |
|---|---|
| <b>Політика щодо дедлайнів та перескладання</b> | <i>НАПРИКЛАД:</i> роботи, які здаються із порушенням термінів без поважних причин, оцінюються на нижчу оцінку. Пере складання модулів відбувається із дозволу лектора за наявності поважних причин (наприклад, лікарняний). |
| <b>Політика щодо академічної добroчесності</b>  | <i>НАПРИКЛАД:</i> списування під час контрольних робіт та екзаменів заборонені (в т.ч. із використанням мобільних девайсів). Курсові роботи, реферати повинні мати коректні текстові посилання на використану літературу    |
| <b>Політика щодо відвідування</b>               | <i>НАПРИКЛАД:</i> відвідування занять є обов'язковим. За об'єктивних причин (наприклад, хвороба, міжнародне стажування) навчання може відбуватись індивідуально (в он-лайн формі за погодженням із деканом факультету)      |

## 9. Навчально-методичне забезпечення:

1. Електронний навчальний курс навчальної дисципліни (на навчальному порталі НУБіП України eLearn - [посилання](#))

[https://elearn.nubip.edu.ua/corse/view.php?](https://elearn.nubip.edu.ua/corse/view.php?id=4827)

**id = 4827**

2. Турчанінова Л.І. Вища математика в прикладах і задачах: Навчальний посібник/ Л.І. Турчанінова, О.В. Доля. – Київ: Ліра – К-2021 – 348 с.
3. Підручник з вищої математики. Режим доступу: [http://dspace.wunu.edu.ua/bitstream/316497/612/1/vm\\_pidr.pdf](http://dspace.wunu.edu.ua/bitstream/316497/612/1/vm_pidr.pdf)
4. Індивідуальні завдання з вищої математики. Режим доступу: [https://pdf.lib.vntu.edu.ua/books/IRVC/Kirilashchuk\\_P1\\_2020\\_93.pdf](https://pdf.lib.vntu.edu.ua/books/IRVC/Kirilashchuk_P1_2020_93.pdf)

**10. РЕКОМЕНДОВАНІ ДЖЕРЕЛА ІНФОРМАЦІЇ:**

1. Артемчук Л.М., Хайдуров В.В., Цюпій Т.І., Щербак Т.М. Вища та прикладна математика. Частина перша. Навчальний посібник для студентів ОР «Бакалавр» спеціальності «Агротехніка». Київ, НУБіП України, 2024. – 307 с.
2. Батечко Н.Г., Панталієнко Л.А., Шостак С.В., Цюпій Т.І., Ружило М.Я. Вища математика. Збірник задач: навчальний посібник. Київ, НУБіП України, 2021. – 304 с.
3. Бохонов Ю. Є. Математичний аналіз: Диференціальнечислення функції однієї змінної. – Київ: КПІ ім. Ігоря Сікорського, 2021.-162с.
4. Блащак Н.І., Цимбалюк Л.І., Бойко А.Р. Вища математика в прикладних задачах економічного змісту (Частина 2. Вступ до математичного аналізу. Диференціальне числення): навчальний посібник для студентів економічних спеціальностей усіх форм навчання. – Тернопіль: 2022. – 44 с.
5. Дудкін, М.Є. Вища математика [Електронний ресурс] : підручник для здобувачів ступеня бакалавра за інженерними спеціальностями / М.Є. Дудкін, О.Ю. Дюженкова, І. В. Степахно. – Електронні текстові дані (1 файл: 10,96 Мбайт). – Київ : КПІ ім. Ігоря Сікорського, 2022. – 449 с. – Назва з екрана.
6. Клепко В.Ю., Голець В.Л. Вища математика в прикладах і задачах. – Київ : Центр навчальної літератури, 2019. – 594 с.
7. Колмакова Л.М., Ю.Є. Сікіраш Ю.Є. Індивідуальні домашні завдання з дисципліни «Вища математика», розділ «Лінійна алгебра» та методичні вказівки до їх виконання. Для здобувачів вищої освіти усіх форм навчання за спеціальністю 122-Комп'ютерні науки та інформаційні технології. – Одеса: НУОП, 2021.-40 с.
8. Кривуца В.Г., Барковський В.В., Барковська Н.В. Вища математика. Практикум. 2-е видання – Київ : Центр навчальної літератури, 2024. – 536 с.
9. Лиман Ф.М., Власенко В.Ф., Петренко С.В., Лиман Ф.М. Вища математика: навчальний посібник. Видавництво: Університетська книга. ISBN: 978-966-680-230-9. 2023. 616 с.
10. Панченко Н. Г., Резуненко М. Є. Вища математика: Навч. посібник. – Харків: Укр ДУЗТ, 2022. – Ч. 1. – 231 с.